

INTRODUÇÃO: MOMENTO ESTÁTICO

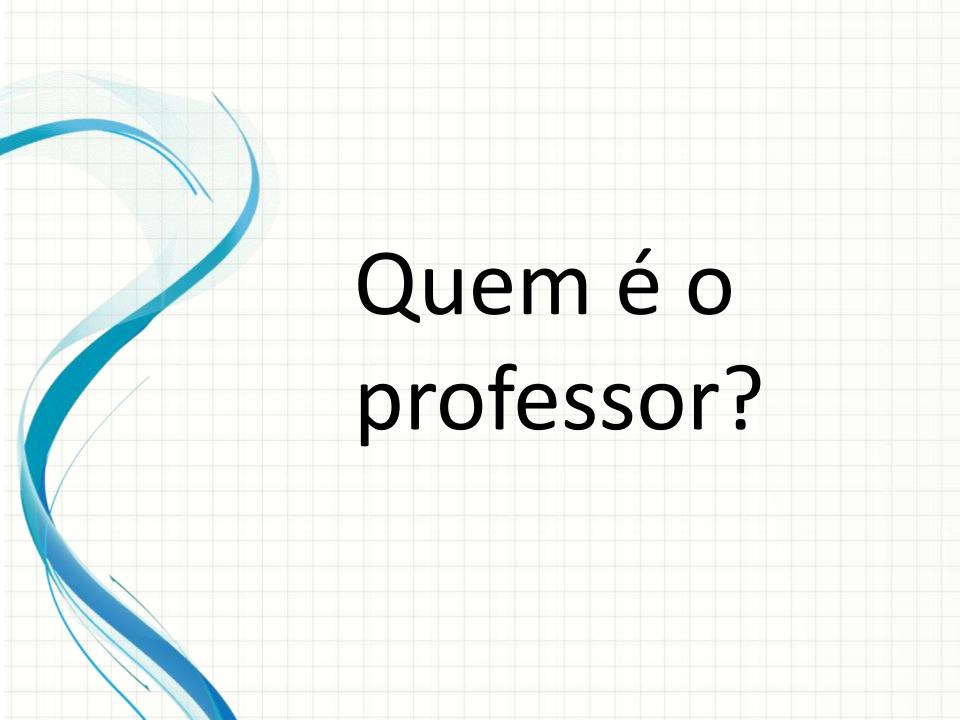
Prof. Dr. Daniel Caetano 2013 - 1

Objetivos

- Conhecer o professor e o curso
- Importância do ENADE
- Iniciação Científica
- Importância da RM
- A influência da forma na RM
- Compreender e Calcular
 Momento Estático



Apresentação





Vamos começar?

Quem É Quem – Lista de Presença

Professor Informações de Contato

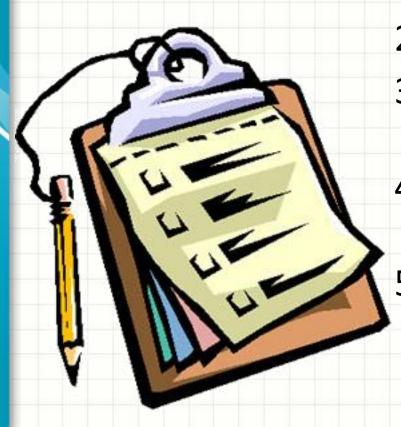
Daniel Caetano <u>prof@caetano.eng.br</u>

Nome Completo	CPF	Matrícula
Fulano	012.345.678-90	201101123456
Beltrano	012.345.678-91	201101123457
Cicrano	012.345.678-92	201101123458
Ciciano	012.0 10.070 32	201101123 130



Plano de Ensino

Disponível no WebAula



- 1. Entre no SIA
- 2. CAMPUS VIRTUAL
- 3. MINHAS DISCIPLINAS PRESENCIAIS
- 4. Clique no **NOME DA DISCIPLINA**
- 5. Selecione **PLANO DE ENSINO**

Plano de Aula

- 06/02 1. Apresentação
- 13/02 **CARNAVAL**
- 20/02 2. Momento de Inércia
- 27/02 3. Carregamento Axial
- 06/03 4. Carregamento Axial
- 13/03 Revisão / **PO** (ENADE)
- 20/03 5. Torção
- 27/03 6. Torção
- 03/04 7. Torção
- 10/04 Revisão / **P1**
- 17/04 8. Torção

- 24/04 9. Flexão
- 01/05 **TRABALHO**
- 08/05 10. Flexão
- 15/05 11. Flexão
- 22/05 12. Flexão
- 29/05 13. Cis. Transversal
- 05/06 –Revisão
- 12/06 **P2**
- 19/06 Vista da P2
- 26/06 **P3**
- 02/07 Vista da P3

TRABALHOS, DATAS E CRITÉRIO DE APROVAÇÃO

Qualidade de Ensino - ENADE

- Vocês sabem o que é o ENADE?
 http://www.enade.estacio.br/
- Qual a nota da instituição?
- E a nota do curso?
- E qual nota você quer para você?

Vamos melhorar cada vez mais!

Trabalhos, Datas e Aprovação

Trabalho	Valor	C.H.	Entrega	
P0 (Individual / Com Consulta*)	1 Trabalho da AV1	1h	13/03 (Aula)	
P1 (Individual / Com Consulta*)	8,0 na AV1	2h	10/04 (Aula)	
P2 (Individual / Sem Consulta)	8,0 na AV2	2h	12/06 (Aula)	
P3 (Individual / Sem Consulta)	8,0 na AV3	2h	26/06 (Aula)	

(*) Consulta nos moldes da folha de referência fornecida no site da disciplina.

Trabalhos, Datas e Aprovação

Trabalhos	Nota Em	C.H.	Entrega Até
L1 - Lista Aula 1 (Individual)	AV1	0,5h	19/02 (Biblioteca)
L2 - Lista Aula 2 (Individual)	AV1	0,5h	26/02 (Biblioteca)
L3 - Lista Aula 3 (Individual)	AV1	0,5h	05/03 (Biblioteca)
L4 - Lista Aula 4 (Individual)	AV1	0,5h	12/03 (Biblioteca)
L5 - Lista Aula 5 (Individual)	AV1	0,5h	26/03 (Biblioteca)
L6 - Lista Aula 6 (Individual)	AV1	0,5h	02/03 (Biblioteca)
L7 - Lista Aula 7 (Individual)	AV1	0,5h	09/04 (Biblioteca)
L8 - Lista Aula 8 (Individual)	AV3	0,5h	23/04 (Biblioteca)
L9 - Lista Aula 9 (Individual)	AV3	0,5h	30/04 (Biblioteca)
L10 - Lista Aula 10 (Individual)	AV3	0,5h	14/05 (Biblioteca)
L11 - Lista Aula 11 (Individual)	AV3	0,5h	21/05 (Biblioteca)
L12 - Lista Aula 12 (Individual)	AV3	0,5h	28/05 (Biblioteca)
L13 - Lista Aula 13 (Individual)	AV3	0,5h	04/06 (Biblioteca)

Trabalhos, Datas e Aprovação

- Serão divulgados gabaritos para cada lista e os exercícios não serão devolvidos!
- Guarde uma cópia do seu exercício com você!
- As listas serão entregues na biblioteca ANTES da aula seguinte e não será admitido atraso.
 Cuidado com feriados e "pontes"!

Bônus de Nota P1

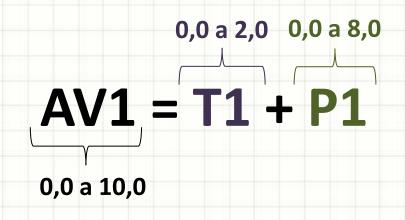
 Se entregue completamente à caneta, incluindo o preenchimento completo do cabeçalho: +0,25

Se entregue folha de consulta (*dentro do padrão*):
 +0,25

"Só faltou meio ponto, professor!"

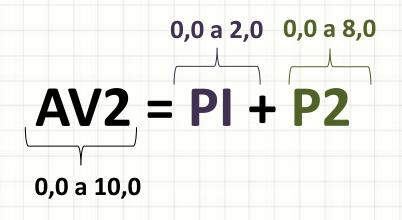
Trabalhos, Datas e Aprovação – AV1

- T1 é uma nota que varia de 0,0 a 2,0
- T1 vale 2,0 apenas se 100% das listas L1 a L7
 mais a P0 foram entregues com correção!
- P1 é a nota obtida na avaliação P1



Trabalhos, Datas e Aprovação – AV2

- PI é a nota do Projeto Integrado
- Pl é obrigatorio
- Turma em que assistir mais aulas (ou à escolha)
- P2 é a nota obtida na avaliação P2



Trabalhos, Datas e Aprovação – AV3

- T2 é uma nota que varia de 0,0 a 2,0
- T2 vale 2,0 apenas se 100% das listas L8 a L13 foram entregues com correção!
- P3 é a nota obtida na avaliação P3.
- Só fará P3 quem perdeu ou tirou menos que 4,0 na AV1 ou AV2.

Trabalhos, Datas e Aprovação - Final

```
A = Maior nota entre { AV1, AV2, AV3 }
```

B = Segunda maior nota entre { AV1 , AV2 , AV3 }

Critérios de Aprovação (TODOS precisam ser atendidos)

```
1) A \ge 4,0
```

2)
$$B \ge 4,0$$

3)
$$A + B \ge 12,0$$

4) Frequência ≥ 75%

(Média 6,0!)

(No máximo 4 faltas!)

ATENÇÃO: Se você tiver mais que uma nota abaixo de 4,0, ainda que o SIA aponte uma média maior que 6,0, você estará REPROVADO!

Relação entre Faltas e Reprovação

- Todos os semestres: alta correlação
 - Mais faltas: piores médias

Média Presentes / Média Faltantes > 1.5

- AV3 e Reprovações:
 - 4 ou mais faltas: por volta de 90%
 - Menos que 4 faltas: por volta de 60%
 - Menos que 2 faltas: por volta de 30%

BIBLIOGRAFIA E FONTES DE INFORMAÇÃO

Bibliografia

Material do Curso

- Resistência dos Materiais (7ª Edição, 2010)
 - Hibbeler
 - Editora Pearson Prentice-Hall
 - ISBN: 9788576053736 BIBLIOTECA VIRTUAL!



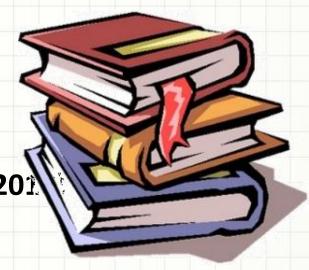
- Mecânica Estática (1ª Edição, 2011)
 - Silva, Anjo e Arantes
 - Editora Pearson
 - ISBN: 9788576059905
 BIBLIOTECA VIRTUAL!
- Estática: Mecânica para Engenharia (12ª Edição, 2011)
 - Hibbeler
 - Editora Pearson
 - ISBN: 9788576058151 **BIBLIOTECA VIRTUAL!**



Bibliografia

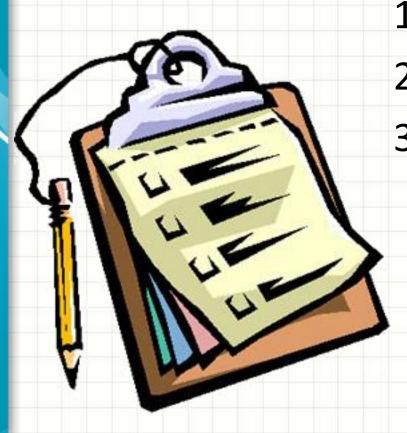
Biblioteca Física

- Resistência dos Materiais (7º Edição, 20º
 - Hibbeler
 - Editora Pearson Prentice-Hall
 - ISBN: 9788576053736 BIBLIOTECA VIRTUAL!
- Mecânica dos Materiais (5ª Edição, 2003)
 - Riley, Sturges e Morris
 - LTC
 - ISBN: 8521613628
- Resistência dos Materiais (3ª Edição, 1995)
 - Beer e Johnston
 - Pearson Makron Books
 - ISBN: 9788563308023



Material Didático

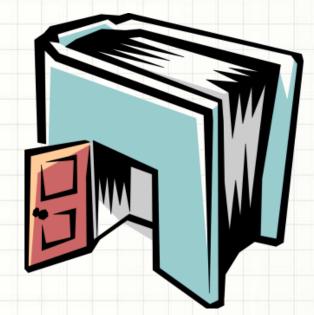
Deve Ser Solicitado no SIA



- 1. Entre no SIA
- 2. SECRETARIA VIRTUAL
- 3. **SOLICITAÇÃO DE MATERIAL**

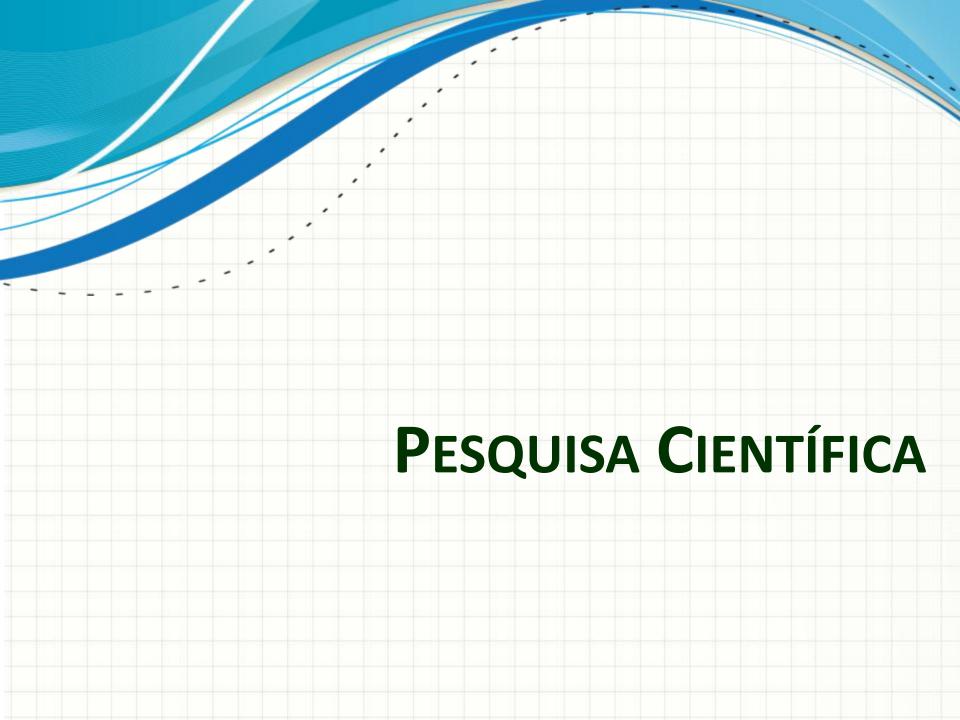
Bibliografia

 Notas de Aula e Apresentações



http://www.caetano.eng.br/





Pesquisa Científica

- Engenheiro pesquisa?
- Carreira Acadêmica x Mercado
 - São excludentes?
- Como iniciar na pesquisa?
 - Iniciação Científica
 - Desenvolver:
 - Habilidade de Pesquisa
 - Aplicação de Conceitos à Prática
 - Estimulo à Curiosidade Científica
 - Desenvolver portfolio

Iniciação Científica

- O que eu ganho com isso?
 - Experiência
 - Diferencial profissional
 - Bolsa de estudos de até 30%*
- Eu quero participar...
 - Como eu faço? → http://www.caetano.eng.br/

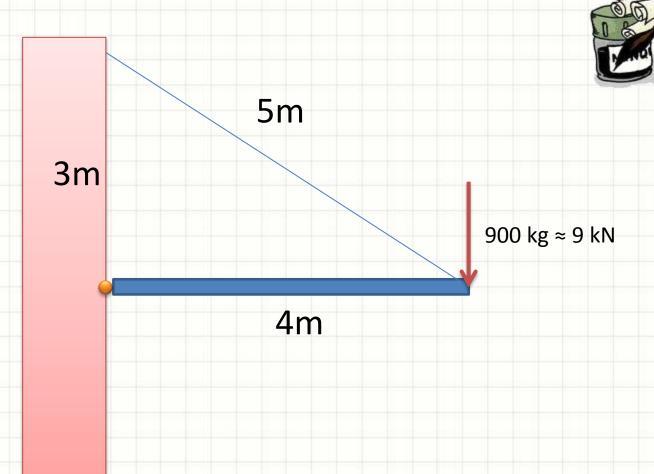


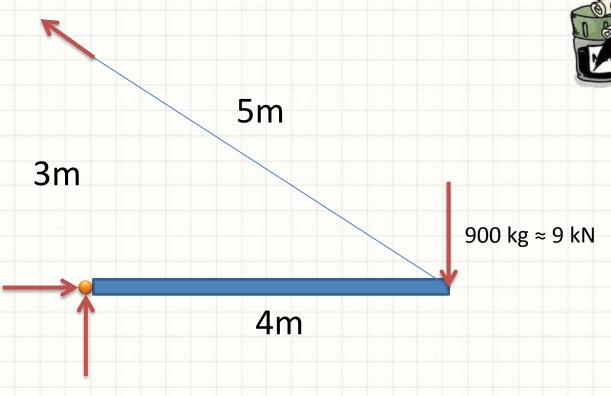
POR QUE ESTUDAR RESISTÊNCIA DOS MATERIAIS?

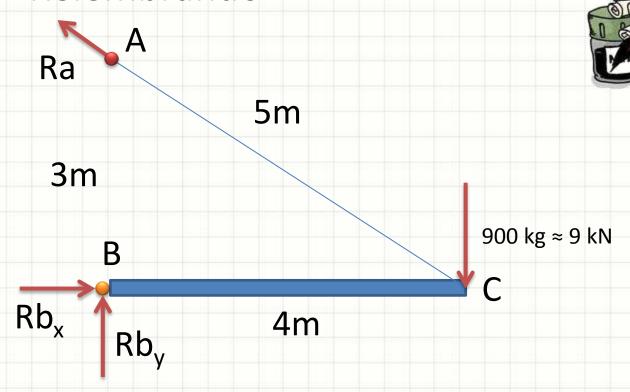
- Disciplina básica mais importante para Civil
 - Teoria de Estruturas
 - Estruturas Concreto
 - Estruturas Metálicas e Madeira
 - Fundações
- Baseada em...
 - Física
 - Mecânica
 - Matemática



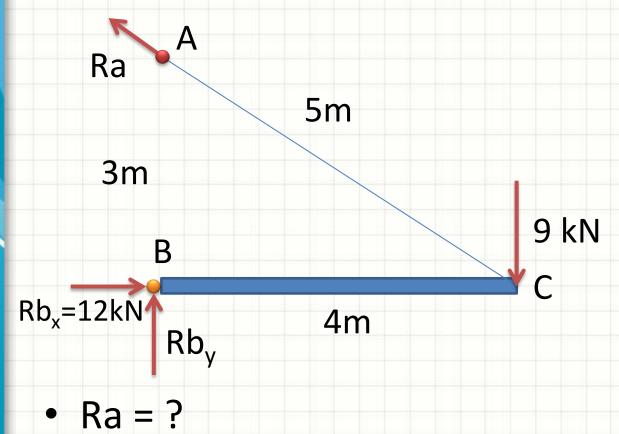


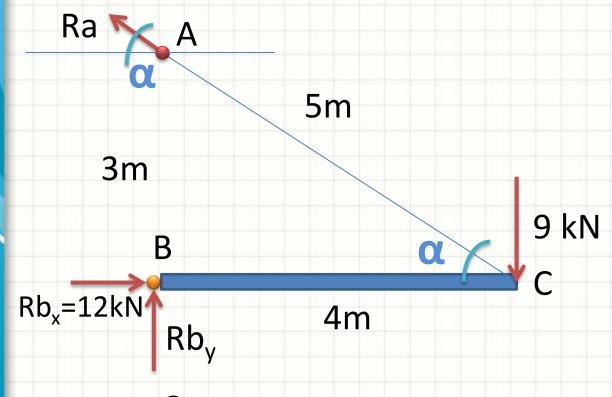






- Estrutura estática... O que significa?
- Ma = $Rb_x \cdot 3 9000 \cdot 4 = 0 \rightarrow Rb_x = 12kN$

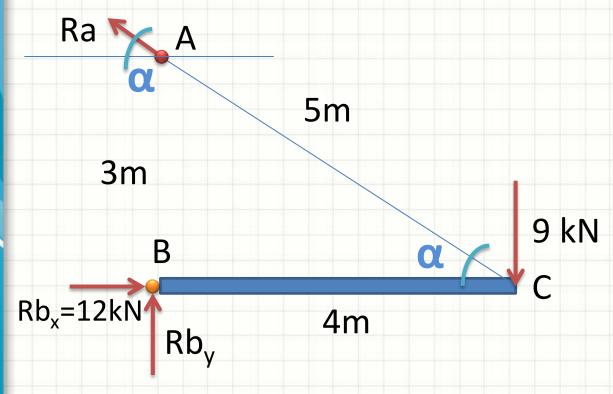




- Ra = ?
- Equilíbrio em X: $Rb_x Ra \cdot cos \alpha = 0$

Por Que Estudar ResMat?

Relembrando



• Ra · cos
$$\alpha = Rb_x \rightarrow Ra \cdot 4/5 = 12$$

• Ra =
$$(12 \cdot 5) / 4 = 15 kN$$

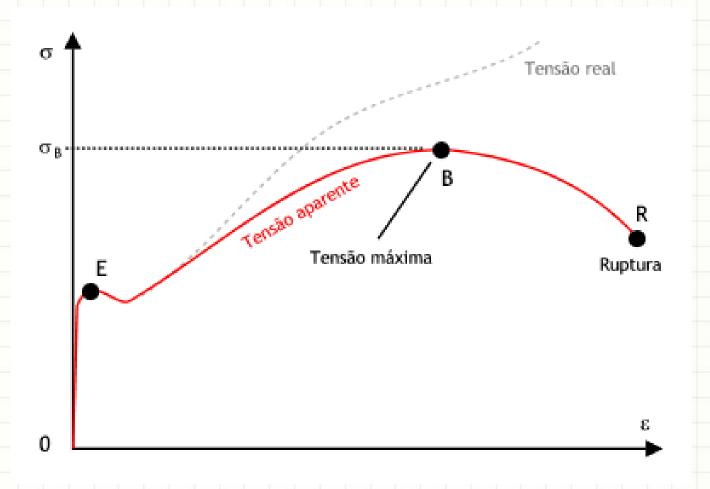
Por Que Estudar ResMat?

- Barra de aço for CA-50 φ=8
- Área = $\prod \cdot r^2 = 0.5 \text{cm}^2$
- $\sigma_{cabo} = 15$ kN em 0,5cm²
- $\sigma_{cabo} = 30 \text{kN/cm}^2$
- Simplificadamente CA-50: 50kN/cm²
- Simplificadamente, resiste com uma barra de 8mm de diâmetro CA-50
- Na prática, coeficientes!

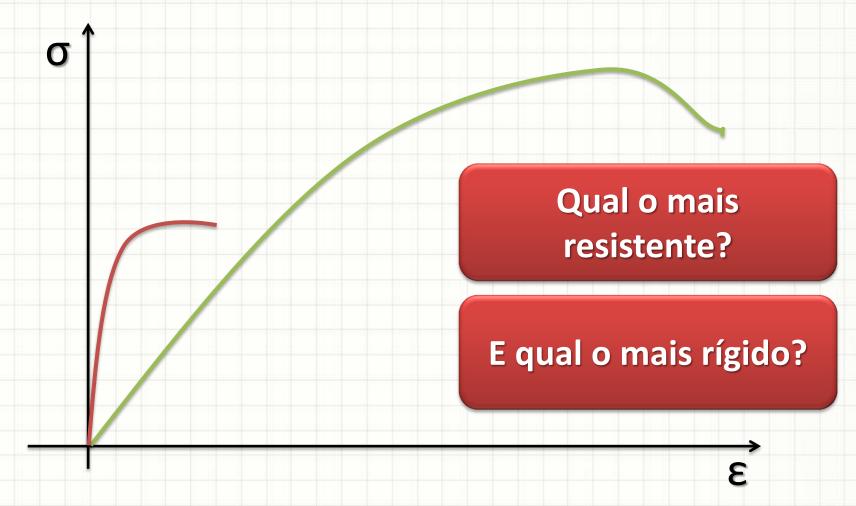




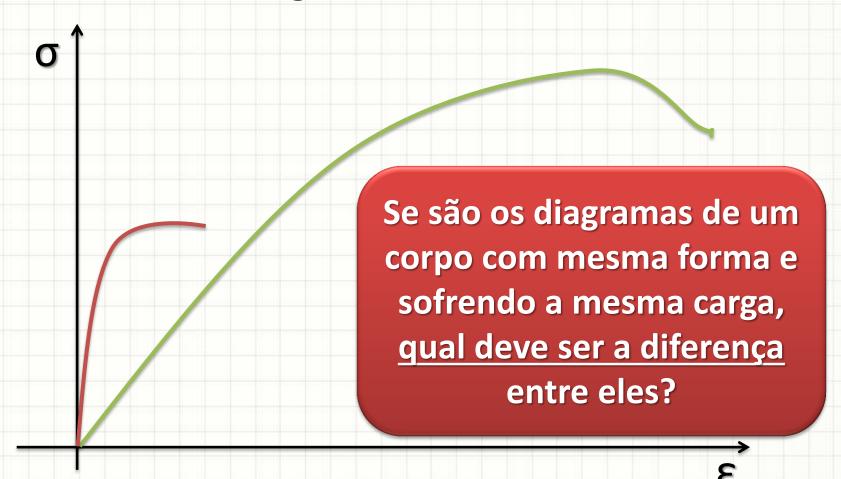
Tensão x Deformação



Resistência x Rigidez



Resistência x Rigidez



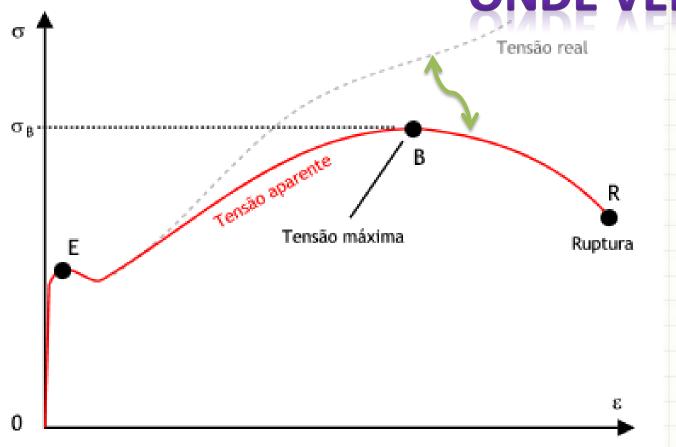
Resistência x Rigidez

Material!

Se são os diagramas de um corpo com mesma forma e sofrendo a mesma carga, qual deve ser a diferença entre eles?

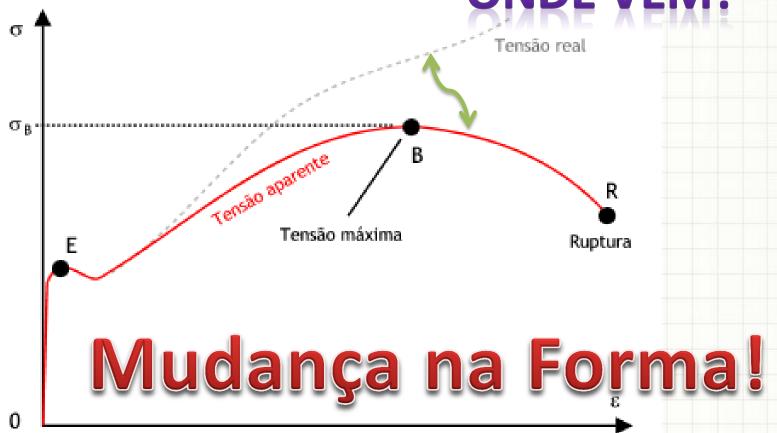
Tensão x Deformação

E ESSA
DIFERENÇA? DE
ONDE VEM?



Tensão x Deformação

E ESSA
DIFERENÇA? DE
ONDE VEM?



Forma x Resistência e Rigidez

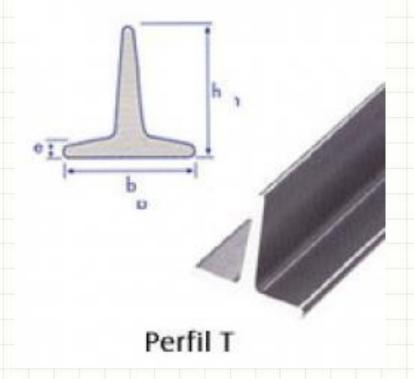
Tensão x Deformação





Forma x Resistência e Rigidez

- O que deforma / resiste mais?
- Com a mesma área?





- No semestre passado...
 - Material: tensão limite do material
 - Aplicava-se a estruturas reticuladas:
 - Comprimento muito maior que dimensões da seção transversal

- Neste semestre...
 - Vamos começar estudando um pouco da forma



Características das Figuras Planas

Perímetro

− Retângulo: 2·b + 2·h

– Triângulo: a + b + c

– Círculo: 2 ·∏ ·r

Área

– Retângulo: b · h

– Triângulo: b · h / 2

- Círculo: $\prod \cdot r^2$

Só isso?

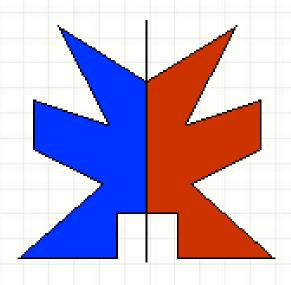
Momento de uma Força

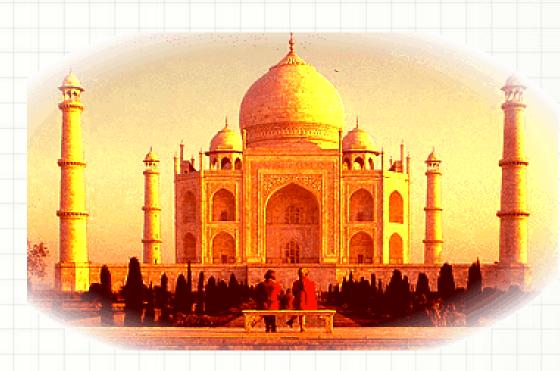
$$-\vec{M} = \vec{F} \times \vec{d}$$

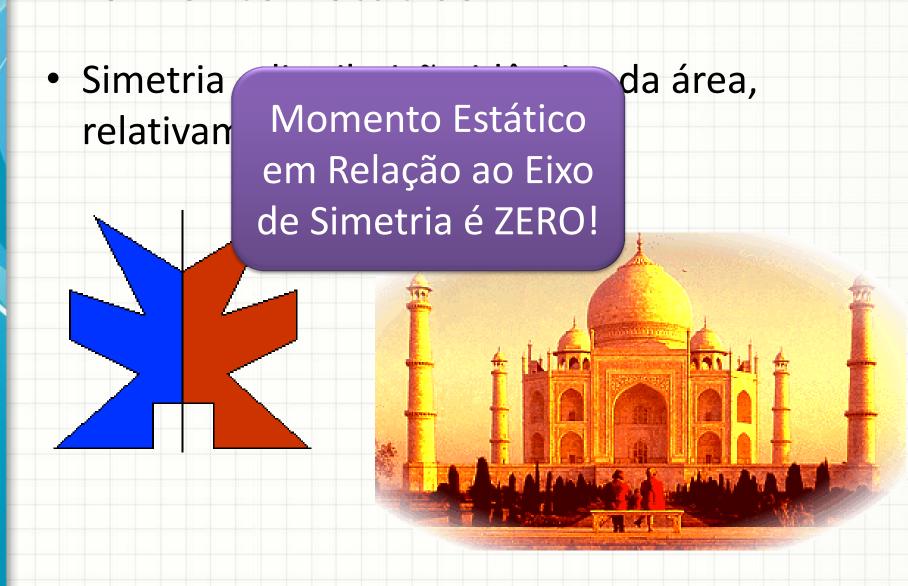
- Momento Estático (ou de 1ª Ordem)
 - $-S = A \cdot d$
 - d medido com relação ao eixo de simetria

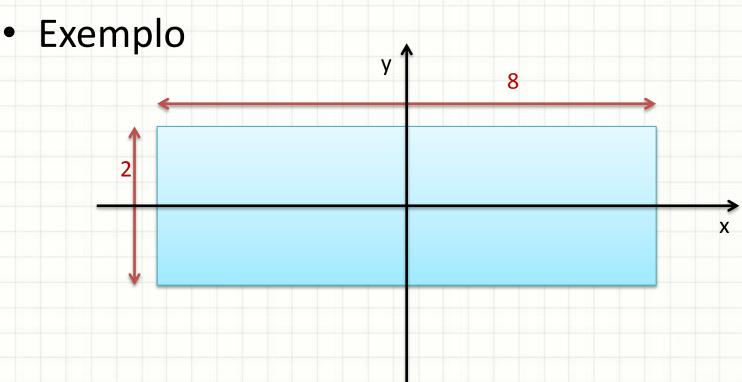
- Maior simetria / antissimetria → menor S
 - Calculado para dois eixos perpendiculares entre si

 Simetria - distribuição idêntica da área, relativamente a um eixo

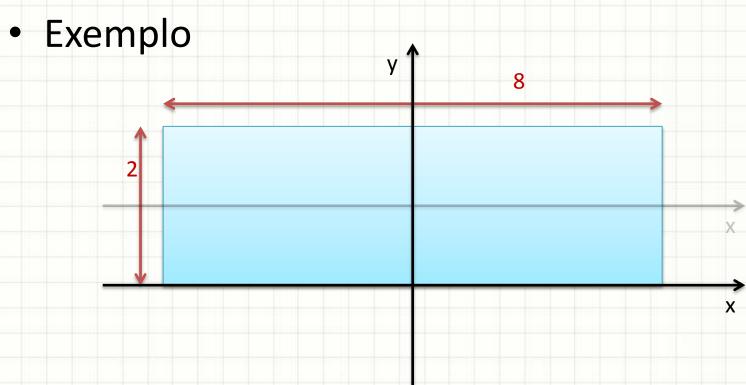




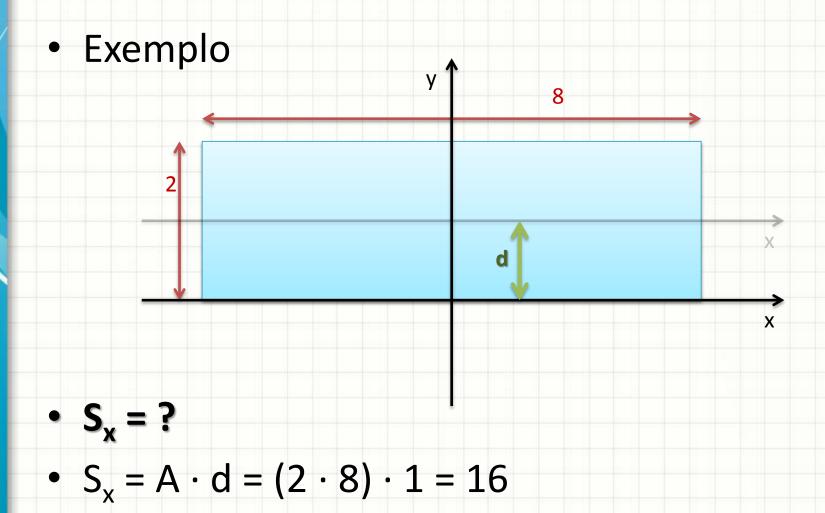




- Simétrico a X? → S_x = 0
 Simétrico a Y? → S_y = 0



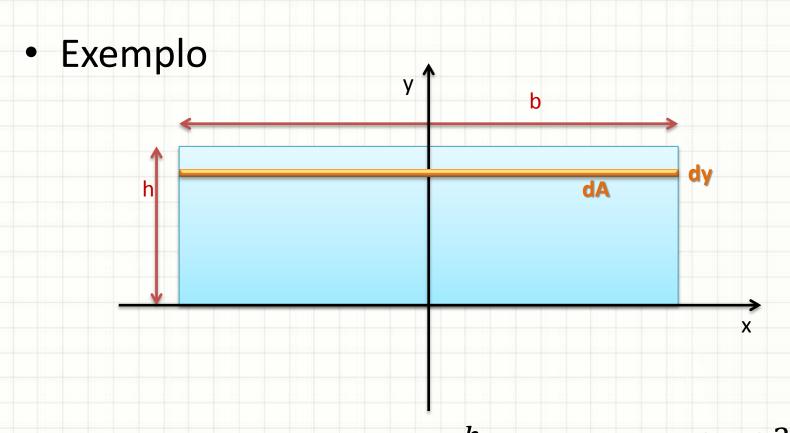
- Simétrico a Y? → S_y = 0
- Simétrico a X? → Não!



- E se a figura não tiver simetria?
 - Usamos o cálculo genérico

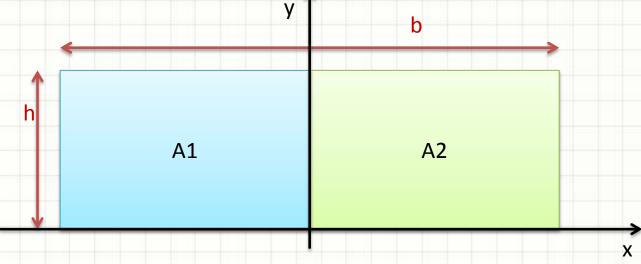
$$S_{x} = \int_{A} y \cdot dA$$

$$S_{y} = \int_{A} x \cdot dA$$



$$S_{x} = \int_{A} y \cdot dA = \int_{0}^{h} y \cdot b \cdot dy = \frac{b \cdot h^{2}}{2}$$

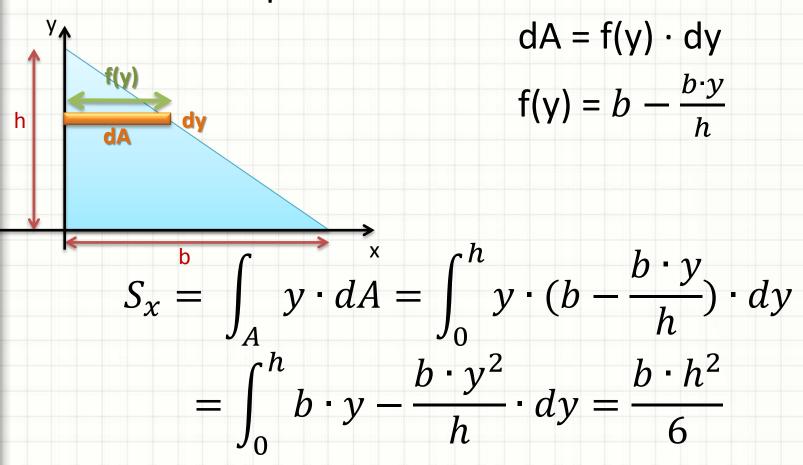
Se houvesse duas áreas, resultado igual



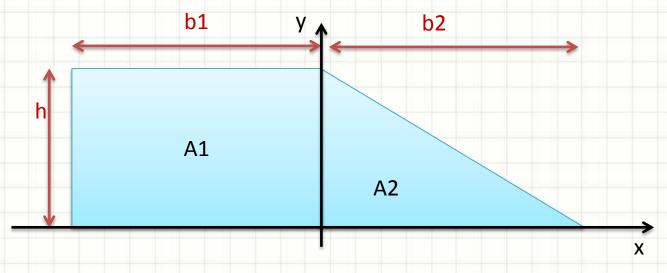
$$S_{x} = \int_{A1} y \cdot dA + \int_{A2} y \cdot dA = \int_{0}^{h} y \cdot \frac{b}{2} \cdot dy + \int_{0}^{h} y \cdot \frac{b}{2} \cdot dy =$$

$$= \frac{b \cdot h^{2}}{4} + \frac{b \cdot h^{2}}{4} = \frac{b \cdot h^{2}}{2}$$

Outro Exemplo

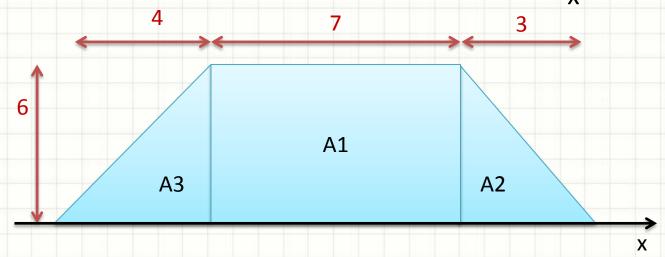


• E nesse outro caso?



$$S_x = \int_{A1} y \cdot dA + \int_{A2} y \cdot dA = \frac{b1 \cdot h^2}{2} + \frac{b2 \cdot h^2}{6}$$

Calcule o Momento Estático S_x:



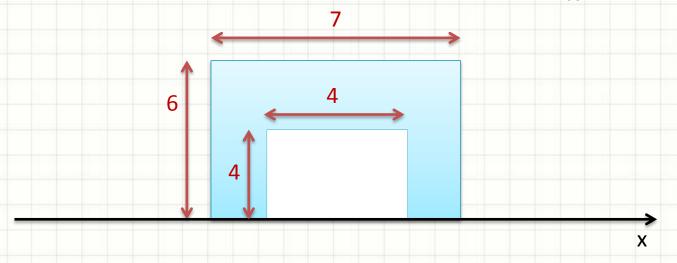
$$\bullet S_x = SxA_{1} Sx_{A2} + SxA_3$$

•
$$S_x = SxA_1 + Sx_{A2} + SxA_3$$

• $S_x = \frac{b1 \cdot h^2}{2} + \frac{b2 \cdot h^2}{6} + \frac{b3 \cdot h^2}{6} = \frac{(3 \cdot b1 + b2 + b3) \cdot h^2}{6}$

•
$$S_x = \frac{(3.7+3+4).36}{6} = 168$$

Calcule o Momento Estático S_x da área Azul



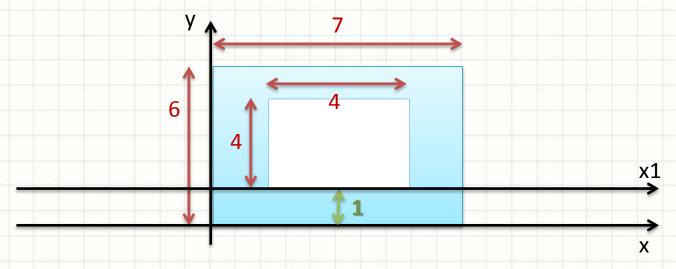
•
$$S_{xAzul} = SxRetAzul - S_{xRetBranco}$$

•
$$S_{xAzul} = \frac{b1 \cdot h1^2}{2} - \frac{b2 \cdot h2^2}{2} =$$

•
$$S_{xAzul} = \frac{7.36}{2} - \frac{4.16}{2} = 126 - 32 = 94$$

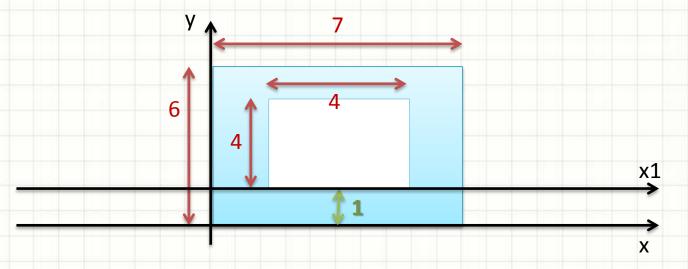
TRANSLAÇÃO DE EIXO NO MOMENTO ESTÁTICO

Como calcular esse momento estático?



- $S_{xAzul} = SxRetAzul S_{xRetBranco}$
- Mas $S_{xRetBranco} \neq \frac{b \cdot h^2}{2}$
- Seria igual se tivéssemos o eixo x1

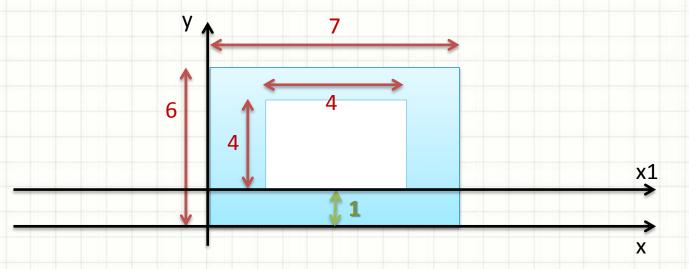
Como calcular esse momento estático?



- Se temos o momento estático de um eixo, podemos calcular em outro
- $S_x = S_{x1} + \Delta S$
- $\Delta S \rightarrow Sinal$?

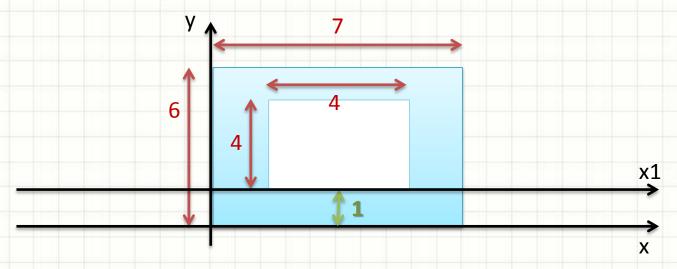
 $\Delta S \rightarrow +$ se distanciando do centro $\Delta S \rightarrow -$ se aproximando do centro

Como calcular esse momento estático?



- Se temos o momento estático de um eixo, podemos calcular em outro
- $S_{xRB} = S_{x1RB} + \Delta S$
- $\Delta S = + \Delta y \cdot A = +1 \cdot 16 = 16$

Como calcular esse momento estático?



• Logo...

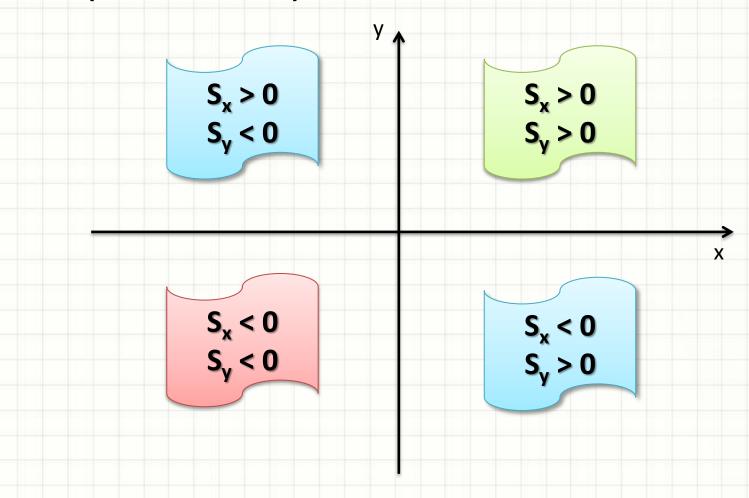
•
$$S_{xRB} = S_{x1RB} + \Delta S = \frac{b \cdot h^2}{2} + 16 = \frac{4 \cdot 16}{2} + 16 = 48$$

•
$$S_{xAzul} = SxRetAzul - SxRB = 126 - 48 = 78$$



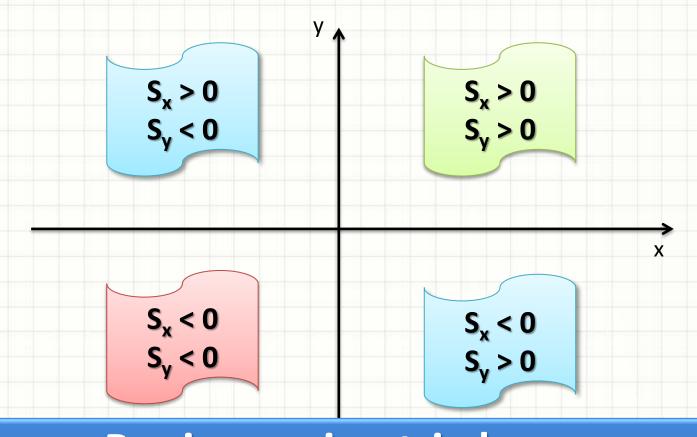
Sinal do Momento Estático

• Depende do "quadrante" da área



Sinal do Momento Estático

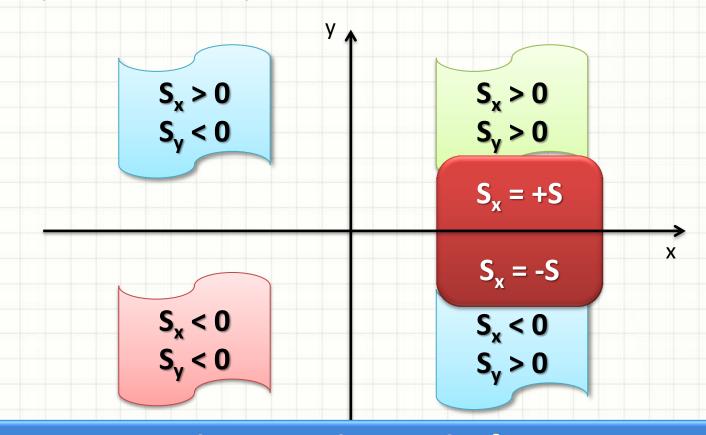
• Depende do "quadrante" da área



Por isso a simetria leva a momento estático igual a zero!

Sinal do Momento Estático

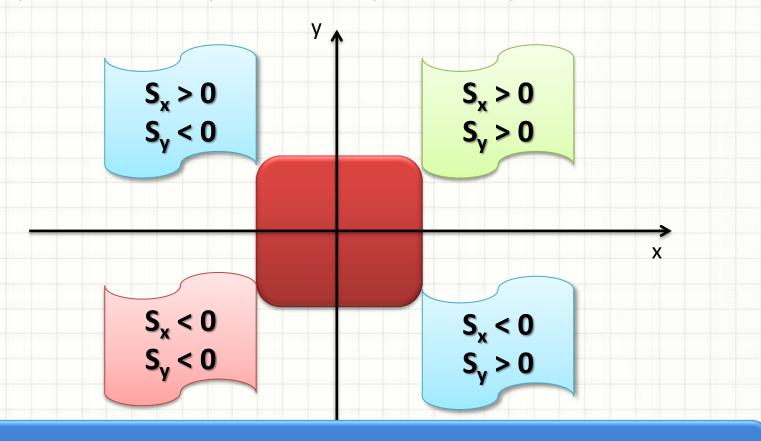
• Depende do "quadrante" da área



Por isso a simetria leva a momento estático igual a zero!

Sinal do Momento Estático

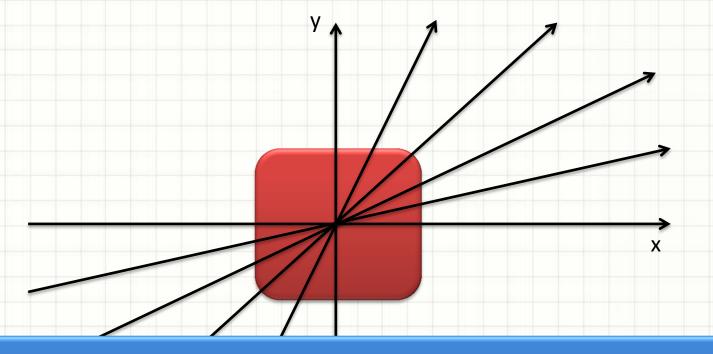
• O ponto em que Sx e Sy do corpo são zero...



É o centro da área: centróide

Sinal do Momento Estático

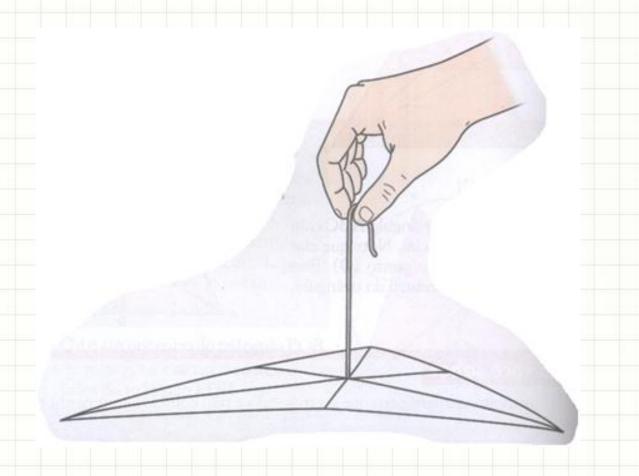
• O ponto em que Sx e Sy da região são zero...



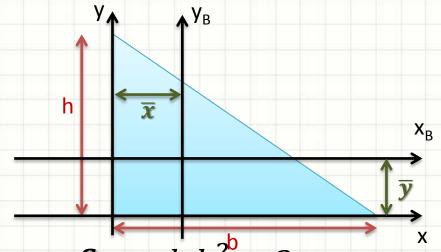
O Momento Estático da região será zero com relação a qualquer eixo que passe por esse ponto



Distribuição Idêntica da Área / Massa



- Baricentro = Centro de Massa
 - Densidade uniforme: centróide = baricentro

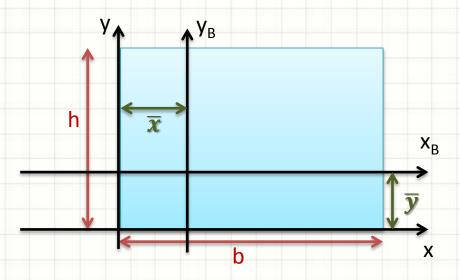


•
$$\bar{y} = y_g = \frac{S_x}{A} = \frac{b \cdot h^2}{6} \cdot \frac{2}{b \cdot h} = h/3$$

•
$$\bar{y} = y_g = \frac{S_x}{A} = \frac{b \cdot h^2}{6} \cdot \frac{2}{b \cdot h} = h/3$$

• $\bar{x} = x_g = \frac{S_y}{A} = \frac{h \cdot b^2}{6} \cdot \frac{2}{b \cdot h} = b/3$

Baricentro do Retângulo

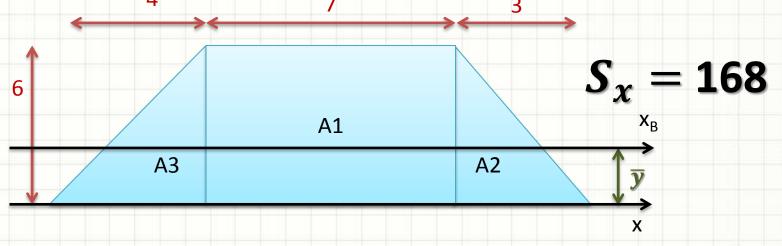


•
$$\bar{y} = y_g = \frac{S_x}{A} = \frac{b \cdot h^2}{2} \cdot \frac{1}{b \cdot h} = h/2$$

• $\bar{x} = x_g = \frac{S_y}{A} = \frac{h \cdot b^2}{2} \cdot \frac{1}{b \cdot h} = b/2$

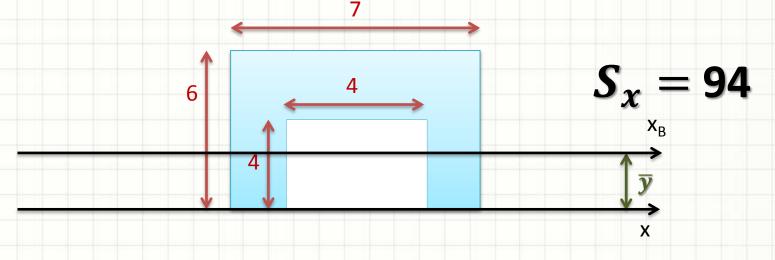
•
$$\bar{x} = x_g = \frac{S_y}{A} = \frac{h \cdot b^2}{2} \cdot \frac{1}{b \cdot h} = b/2$$

• Calcule o \bar{y} do baricentro da área abaixo



•
$$\bar{y} = y_g = \frac{S_x}{A} = \frac{S_x}{A_1 + A_2 + A_3} = \frac{168}{7 \cdot 6 + \frac{3 \cdot 6}{2} + \frac{4 \cdot 6}{2}} = 2,67$$

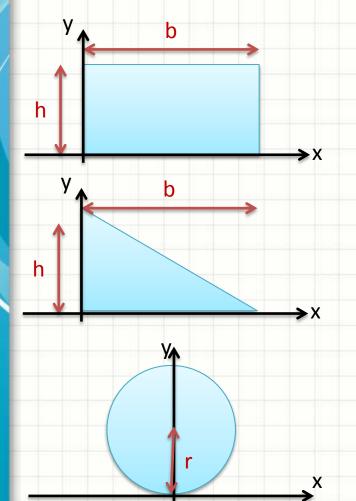
• Calcule o \bar{y} do baricentro da área abaixo



•
$$\bar{y} = y_g = \frac{S_x}{A} = \frac{S_x}{A_{ATotal} - A_B} = \frac{94}{7 \cdot 6 - 4 \cdot 4} = 3,62$$



Momentos Estáticos



$$S_{x} = \frac{b \cdot h^{2}}{2}$$

$$S_{x} = \frac{b \cdot h^{2}}{6}$$

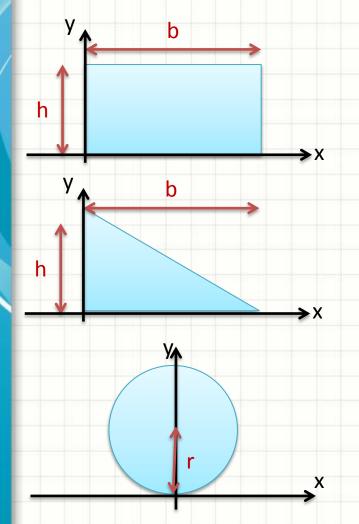
$$S_{x} = \pi \cdot r^{3}$$

$$S_y = \frac{h \cdot b^2}{2}$$

$$S_y = \frac{h \cdot b^2}{6}$$

$$S_y = 0$$

Distância ao Centro de Gravidade



$$\bar{y} = y_g = \frac{h}{2}$$
 $\bar{x} = x_g = \frac{b}{2}$

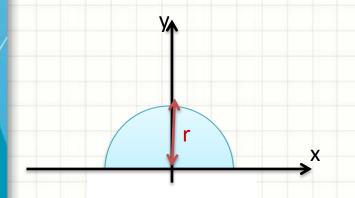
$$\bar{y} = y_g = \frac{h}{3} \qquad \bar{x} = x_g = \frac{b}{3}$$

$$\bar{y} = y_g = \frac{n}{3}$$

$$\overline{y} = y_g = r$$

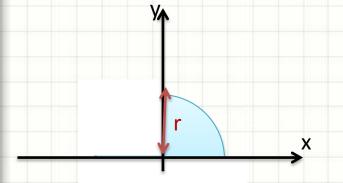
$$\bar{x} = x_g = 0$$

Distância ao Centro de Gravidade



$$\bar{y} = y_g = \frac{4 \cdot r}{3 \cdot \pi}$$

$$\bar{x} = x_g = 0$$



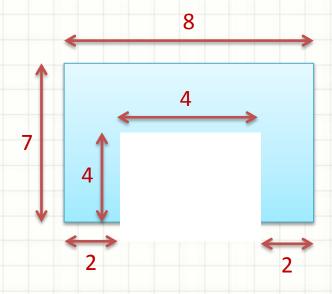
$$\bar{y} = y_g = \frac{4 \cdot r}{3 \cdot \pi}$$

$$\bar{x} = x_g = \frac{4 \cdot r}{3 \cdot \pi}$$



Exercício – Entrega Individual

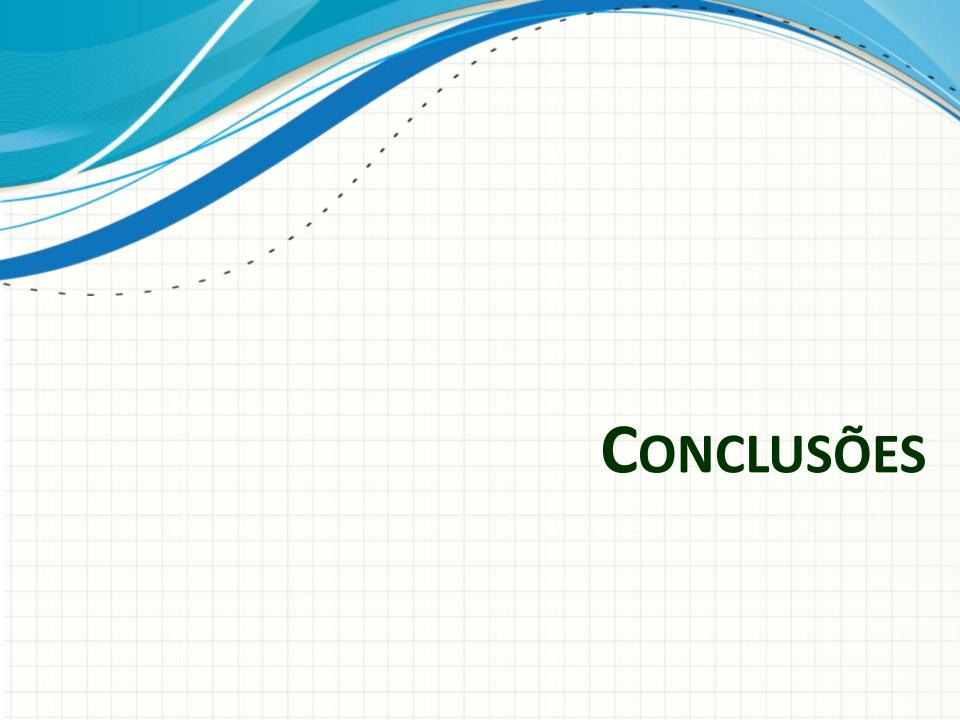
• Calcule a posição do centróide da área azul





Para Treinar em Casa

- Material Didático, Pág. 578 e 579 (5ª. 622-623)
- 5ª Edição: Leitura págs 611 a 613
- Mínimos:
 - Exercício A.1 (5ª. A.1)
 - Exercícios A.2 a A.6 (5ª A.3 a A.6) Só localização do centroide
- Extras:
 - Exercícios A.7 a A.12 (5ª A.8 a A.12) Só
 localização do centroide



Resumo

- Planos de Ensino e Aula
- Datas de avaliações e critérios de aprovação
- Fontes de informação
- Importância da Resistência dos Materiais
- Propriedades das Áreas Planas
- Momento Estático
- Localização do Centroide

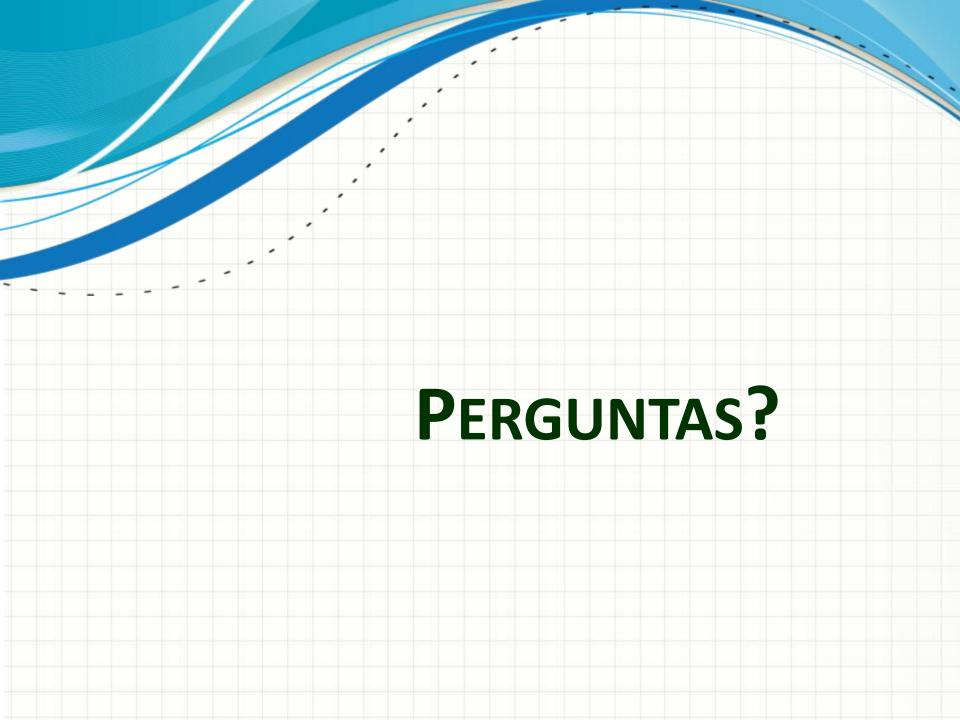
Exercitar

Exercícios Material Didático

Próxima Aula



- Momento de Inércia
 - Momento de SegundaOrdem
 - −O que é isso?
 - Para quê serve?



BOM DESCANSO A Todos!